



Università degli Studi di Palermo
Dipartimento di Ingegneria Informatica



Elaborazione di Immagini e Suoni / Riconoscimento e Visioni Artificiali

12 c.f.u.

Anno Accademico 2008/2009

Docente: ing. Salvatore Sorce

Rappresentazione delle informazioni

I parte: Sistemi di numerazione

Facoltà di Lettere e Filosofia



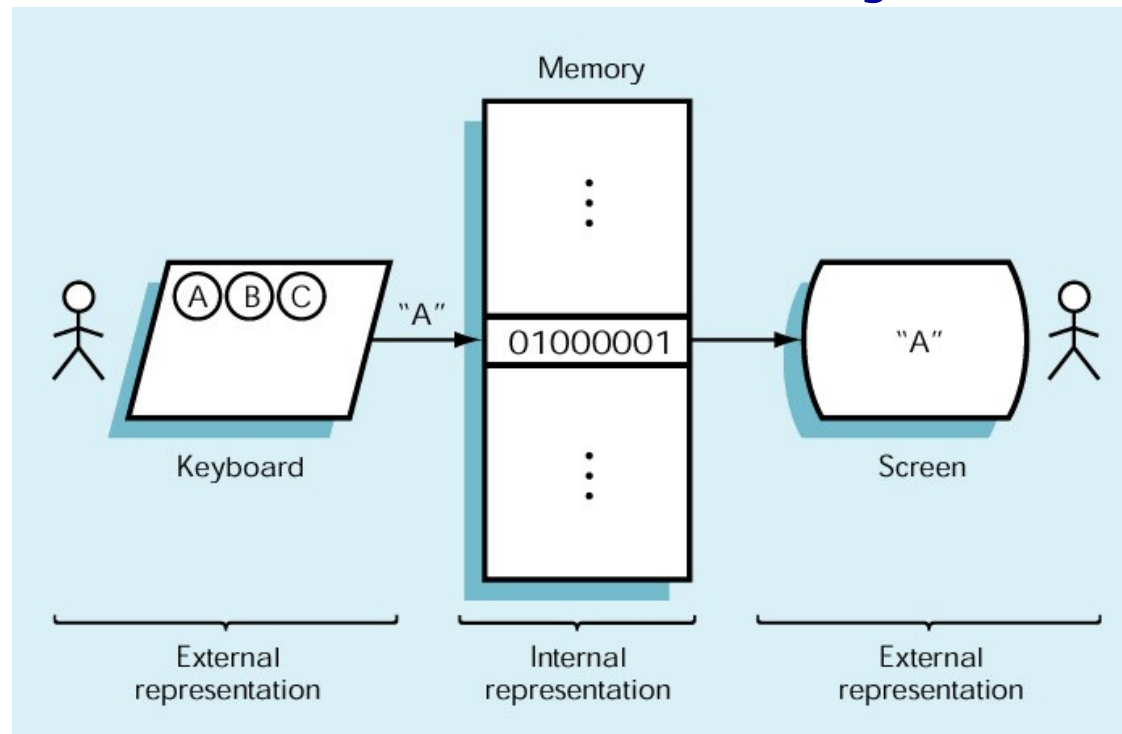
Rappresentazione delle informazioni

- Notazioni convenzionali per la rappresentazione di informazioni allo scopo di renderne possibile lo scambio tra esseri umani
- Rappresentazione dei dati di tipo numerico
 - 10 cifre decimali: 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9
- Rappresentazione dei dati di tipo testuale
 - 26 caratteri dell'alfabeto maiuscolo, minuscolo, segni di interpunzione e simboli speciali (£, \$, %, &, @, #, etc.)
- Notazione segno/grandezza per i numeri relativi
 - +47, -53
- Notazione decimale per i numeri reali
 - $n = i + f$
 - 12,34 dove 12 è la parte intera **i** e 0,34 è la parte frazionaria **f**



Rappresentazione interna ed esterna

- Rappresentazione esterna
 - diretta all'interpretazione umana
- Rappresentazione interna
 - diretta ad essere usata all'interno dell'agente di calcolo





Dissezione di un numero decimale

| | Parte intera | | | | | Parte frazionaria | |
|------------------|--------------|-----------|--------|--------|---|-------------------|-------------------------------|
| | Migliaia | Centinaia | Decine | Unità | | Decimi | Centesimi Millesimi ... |
| | ... | 1 | 2 | 3 | · | ... | |
| Peso | 1000 | 100 | 10 | 1 | | 1/10 | |
| Posizione | 3 | 2 | 1 | 0 | | -1 | |
| Potenza | 10^3 | 10^2 | 10^1 | 10^0 | | 10^{-1} | |



Dissezione di un numero decimale

| | | | |
|------------------|----------|----------|----------|
| | 1 | 2 | 3 |
| Peso | 100 | 10 | 1 |
| Posizione | 2 | 1 | 0 |
| Potenza | 10^2 | 10^1 | 10^0 |



Dissezione di un numero decimale

$$123_{10} = 1 \times 100 + 2 \times 10 + 3 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

| | | | | | | |
|------------------|----------|-----------------|----------|-----------------|----------|---------------|
| | 1 | $\times 10^2 +$ | 2 | $\times 10^1 +$ | 3 | $\times 10^0$ |
| Peso | 100 | | 10 | | 1 | |
| Posizione | 2 | | 1 | | 0 | |
| Potenza | 10^2 | | 10^1 | | 10^0 | |



Sistema di numerazione binario

- All'interno di un elaboratore le informazioni sono rappresentate usando il sistema di numerazione binario
- Sistema di numerazione posizionale
 - Il valore di una cifra non dipende solo dalla cifra ma anche dalla posizione che occupa nella sequenza che rappresenta il numero
- Sistema di numerazione decimale
 - Sistema di numerazione *posizionale* in base 10
 - Utilizza soltanto le dieci cifre decimali (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)
 - $123_{10} = 1 \times 100 + 2 \times 10 + 3 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$
- Sistema di numerazione binario
 - Sistema di numerazione *posizionale* in base 2
 - Utilizza soltanto le prime due cifre decimali (0 ed 1)
 - $1101_2 = 1 \times 8 + 1 \times 4 + 0 \times 2 + 1 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
 - Le due cifre binarie, 0 e 1, sono chiamate **bit**, da **binary digit**



Contare...

Contare in decimale:

(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)

0

Contare in binario

(0, 1)

0



Contare...

Contare in decimale:

(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)

0

1

Contare in binario

(0, 1)

0

1



Contare...

Contare in decimale:

(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)

0

1

2

Contare in binario

(0, 1)

0

1

10



Contare...

Contare in decimale:

(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)

0

1

2

3

Contare in binario

(0, 1)

0

1

10

11



Contare...

Contare in decimale:

(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)

0

1

2

3

4

Contare in binario

(0, 1)

0

1

10

11

100



Contare...

Contare in decimale:

(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)

0

1

2

3

4

...

9

Contare in binario

(0, 1)

0

1

10

11

100

...

1001



Contare...

Contare in decimale:

(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)

0

1

2

3

4

...

9

10

Contare in binario

(0, 1)

0

1

10

11

100

...

1001

1010



Contare...

Contare in decimale:

(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)

Contare in binario

(0, 1)

0

0

1

La base è sempre espressa come

1

2

10

10

3

Uno-Zero

11

4

100

...

...

9

1001

10

1010



Contare...

Contare in decimale:

(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)

0

1

2

3

4

...

9

10

11

Contare in binario

(0, 1)

0

1

10

11

100

...

1001

1010

1011



Contare in binario

- In qualunque sistema di numerazione, la base è sempre espressa come

10

(leggi uno-zero)

| Decimale | Binario |
|----------|---------|
| 0 | 0 |
| 1 | 1 |
| 2 | 10 |
| 3 | 11 |
| 4 | 100 |
| 5 | 101 |
| 6 | 110 |
| 7 | 111 |
| 8 | 1000 |
| 9 | 1001 |
| 10 | 1010 |
| 11 | 1011 |
| 12 | 1100 |
| 13 | 1101 |
| 14 | 1110 |
| 15 | 1111 |



Contare in binario

- In qualunque sistema di numerazione, la base è sempre espressa come 10
- La convenzione implicita è che il numero può essere riempito con zeri, muovendosi da destra a sinistra, in modo da mantenere lo stesso numero di cifre
- Continuando a contare,
 - $16 = 10000$
 - $17 = 10001$
 - etc.

| Decimale | Binario |
|----------|---------|
| 00 | 0000 |
| 01 | 0001 |
| 02 | 0010 |
| 03 | 0011 |
| 04 | 0100 |
| 05 | 0101 |
| 06 | 0110 |
| 07 | 0111 |
| 08 | 1000 |
| 09 | 1001 |
| 10 | 1010 |
| 11 | 1011 |
| 12 | 1100 |
| 13 | 1101 |
| 14 | 1110 |
| 15 | 1111 |



Conversione da binario a decimale

Numeri interi

$$1101_2 = ?_{10}$$

Notazione posizionale

| | | | | | |
|-----------|----------------|----------------|----------------|----------------|-----------------------------|
| | 1 | 1 | 0 | 1 | |
| Posizione | 3 | 2 | 1 | 0 | |
| Peso | $2^3=8$ | $2^2=4$ | $2^1=2$ | $2^0=1$ | |
| | $1 \times 8 +$ | $1 \times 4 +$ | $0 \times 2 +$ | $1 \times 1 =$ | 13_{10} |

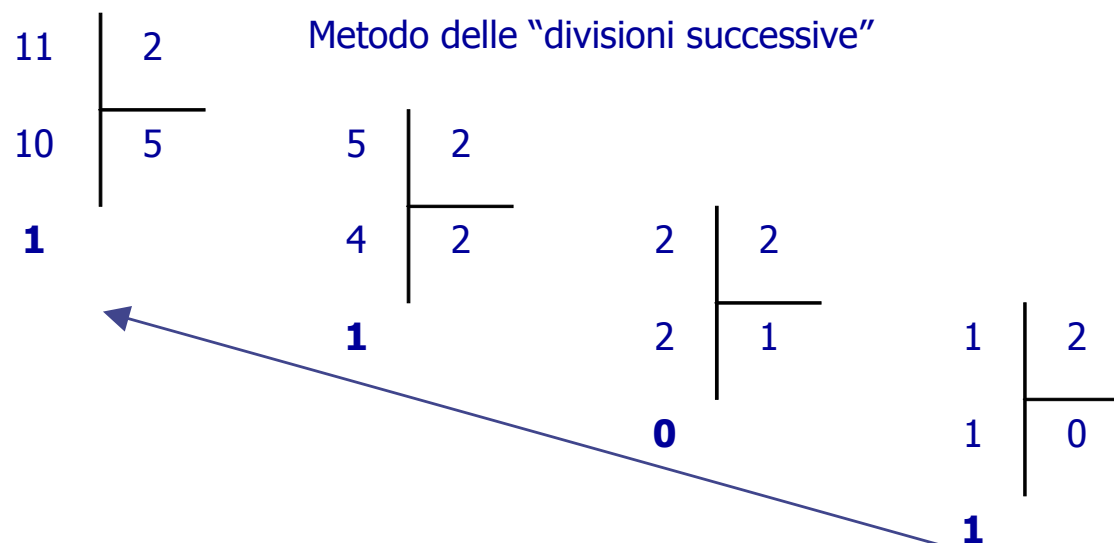
$$1101_2 = 13_{10}$$



Conversione da decimale a binario

Numeri interi

$$11_{10} = ?_2$$



$$11_{10} = 1011_2$$



Una comoda alternativa

- Il sistema di numerazione esadecimale rappresenta i numeri **in base 16**
- Le cifre sono:
 - 0, 1, 2, ..., 9, A, B, C, D, E, F



Contare...

Contare in esadecimale:

(0, 1, ..., 9, A, B, ... , F)

0

Contare in decimale:

0, 1, 2, 3, ... , 9

0

Contare in binario:

0, 1

0



Contare...

Contare in esadecimale:
(0, 1, ..., 9, A, B, ... , F)

0

1

Contare in decimale:
0, 1, 2, 3, ... , 9

0

1

Contare in binario:
0, 1

0

1



Contare...

Contare in esadecimale:

(0, 1, ..., 9, A, B, ... , F)

Contare in decimale:

0, 1, 2, 3, ... , 9

Contare in binario:

0, 1

0

0

0

1

1

1

2

2

10



Contare...

Contare in esadecimale:

(0, 1, ..., 9, A, B, ... , F)

Contare in decimale:

0, 1, 2, 3, ... , 9

Contare in binario:

0, 1

0

0

0

1

1

1

2

2

10

...

...

...

A

10

1010



Contare...

Contare in esadecimale:

(0, 1, ..., 9, A, B, ... , F)

Contare in decimale:

0, 1, 2, 3, ... , 9

Contare in binario:

0, 1

0

0

0

1

1

1

2

2

10

...

...

...

A

10

1010

B

11

1011



Contare...

Contare in esadecimale:
(0, 1, ..., 9, A, B, ..., F)

0

1

2

...

A

B

...

F

Contare in decimale:
(0, 1, 2, 3, ..., 9)

0

1

2

...

10

11

...

15

Contare in binario:
(0, 1)

0

1

10

...

1010

1011

...

1111



Esadecimale e binario

| Contare in esadecimale (HEX) | Contare in binario (BIN) |
|------------------------------|--------------------------|
| {0,1,2,...,9,A,B,C,D,E,F} | {0,1} |
| 0 | 0000 |
| 1 | 0001 |
| 2 | 0010 |
| 3 | 0011 |
| 4 | 0100 |
| 5 | 0101 |
| 6 | 0110 |
| 7 | 0111 |
| 8 | 1000 |
| 9 | 1001 |
| A | 1010 |
| B | 1011 |
| C | 1100 |
| D | 1101 |
| E | 1110 |
| F | 1111 |



Esadecimale e binario

| | | | |
|------|---|------|---|
| 0000 | 0 | 1000 | 8 |
| 0001 | 1 | 1001 | 9 |
| 0010 | 2 | 1010 | A |
| 0011 | 3 | 1011 | B |
| 0100 | 4 | 1100 | C |
| 0101 | 5 | 1101 | D |
| 0110 | 6 | 1110 | E |
| 0111 | 7 | 1111 | F |

$$FA93_{16} = ?$$



Esadecimale e binario

| | | | |
|------|---|------|---|
| 0000 | 0 | 1000 | 8 |
| 0001 | 1 | 1001 | 9 |
| 0010 | 2 | 1010 | A |
| 0011 | 3 | 1011 | B |
| 0100 | 4 | 1100 | C |
| 0101 | 5 | 1101 | D |
| 0110 | 6 | 1110 | E |
| 0111 | 7 | 1111 | F |

$$FA93_{16} = \text{XXXX XXXX XXXX } 0011_2$$



Esadecimale e binario

| | | | |
|------|---|------|---|
| 0000 | 0 | 1000 | 8 |
| 0001 | 1 | 1001 | 9 |
| 0010 | 2 | 1010 | A |
| 0011 | 3 | 1011 | B |
| 0100 | 4 | 1100 | C |
| 0101 | 5 | 1101 | D |
| 0110 | 6 | 1110 | E |
| 0111 | 7 | 1111 | F |

$$FA93_{16} = \text{XXXX XXXX } 1001 \text{ } 0011_2$$



Esadecimale e binario

| | | | |
|------|---|------|---|
| 0000 | 0 | 1000 | 8 |
| 0001 | 1 | 1001 | 9 |
| 0010 | 2 | 1010 | A |
| 0011 | 3 | 1011 | B |
| 0100 | 4 | 1100 | C |
| 0101 | 5 | 1101 | D |
| 0110 | 6 | 1110 | E |
| 0111 | 7 | 1111 | F |

$$FA93_{16} = \text{xxxx } 1010 \ 1001 \ 0011_2$$



Esadecimale e binario

| | | | |
|------|---|------|---|
| 0000 | 0 | 1000 | 8 |
| 0001 | 1 | 1001 | 9 |
| 0010 | 2 | 1010 | A |
| 0011 | 3 | 1011 | B |
| 0100 | 4 | 1100 | C |
| 0101 | 5 | 1101 | D |
| 0110 | 6 | 1110 | E |
| 0111 | 7 | 1111 | F |

$$FA93_{16} = 1111\ 1010\ 1001\ 0011_2$$



Esadecimale e binario

| | | | |
|------|---|------|---|
| 0000 | 0 | 1000 | 8 |
| 0001 | 1 | 1001 | 9 |
| 0010 | 2 | 1010 | A |
| 0011 | 3 | 1011 | B |
| 0100 | 4 | 1100 | C |
| 0101 | 5 | 1101 | D |
| 0110 | 6 | 1110 | E |
| 0111 | 7 | 1111 | F |

$$FA93_{16} = 1111\ 1010\ 1001\ 0011_2$$

$$B78D_{16} = ?_2$$



Esadecimale e binario

| | | | |
|------|---|------|---|
| 0000 | 0 | 1000 | 8 |
| 0001 | 1 | 1001 | 9 |
| 0010 | 2 | 1010 | A |
| 0011 | 3 | 1011 | B |
| 0100 | 4 | 1100 | C |
| 0101 | 5 | 1101 | D |
| 0110 | 6 | 1110 | E |
| 0111 | 7 | 1111 | F |

$$FA93_{16} = 1111\ 1010\ 1001\ 0011_2$$

$$B78D_{16} = 1011$$



Esadecimale e binario

| | | | |
|------|---|------|---|
| 0000 | 0 | 1000 | 8 |
| 0001 | 1 | 1001 | 9 |
| 0010 | 2 | 1010 | A |
| 0011 | 3 | 1011 | B |
| 0100 | 4 | 1100 | C |
| 0101 | 5 | 1101 | D |
| 0110 | 6 | 1110 | E |
| 0111 | 7 | 1111 | F |

$$FA93_{16} = 1111\ 1010\ 1001\ 0011_2$$

$$B78D_{16} = 1011\ 0111$$



Esadecimale e binario

| | | | |
|------|---|------|---|
| 0000 | 0 | 1000 | 8 |
| 0001 | 1 | 1001 | 9 |
| 0010 | 2 | 1010 | A |
| 0011 | 3 | 1011 | B |
| 0100 | 4 | 1100 | C |
| 0101 | 5 | 1101 | D |
| 0110 | 6 | 1110 | E |
| 0111 | 7 | 1111 | F |

$$FA93_{16} = 1111\ 1010\ 1001\ 0011_2$$

$$B78D_{16} = 1011\ 0111\ 1000$$



Esadecimale e binario

| | | | |
|------|---|------|---|
| 0000 | 0 | 1000 | 8 |
| 0001 | 1 | 1001 | 9 |
| 0010 | 2 | 1010 | A |
| 0011 | 3 | 1011 | B |
| 0100 | 4 | 1100 | C |
| 0101 | 5 | 1101 | D |
| 0110 | 6 | 1110 | E |
| 0111 | 7 | 1111 | F |

$$FA93_{16} = 1111\ 1010\ 1001\ 0011_2$$

$$B78D_{16} = 1011\ 0111\ 1000\ 1101_2$$



Esadecimale e binario

$$FA93_{16} = 1111\ 1010\ 1001\ 0011_2$$



Esadecimale e binario

$$FA93_{16} = 1111\ 1010\ 1001\ 0011_2$$

000 0

001 1

010 2

011 3

100 4

101 5

110 6

111 7



Esadecimale e binario

$$FA93_{16} = 001\ 111\ 101\ 010\ 010\ 011_2$$

000 0

001 1

010 2

011 3

100 4

101 5

110 6

111 7



Esadecimale e binario

$$\text{FA93}_{16} = 001\ 111\ 101\ 010\ 010\ 011_2$$
$$1\quad 7\quad 5\quad 2\quad 2\quad 3_8$$

000 0
001 1
010 2
011 3
100 4
101 5
110 6
111 7



Esadecimale e binario

$$FA93_{16} = 001\ 111\ 101\ 010\ 010\ 011_2$$

$$1\ 7\ 5\ 2\ 2\ 3_8$$

$$B78D_{16} = 001\ 011\ 011\ 110\ 001\ 101_2$$

$$1\ 3\ 3\ 6\ 1\ 5_8$$

$$7312_8 = 1110\ 1100\ 1010_2$$

$$E\ C\ A_{16}$$

$$110111101011011_2 = 6\ F\ 5\ B_{16}$$

| | |
|-----|---|
| 000 | 0 |
| 001 | 1 |
| 010 | 2 |
| 011 | 3 |
| 100 | 4 |
| 101 | 5 |
| 110 | 6 |
| 111 | 7 |

| | | | |
|------|---|------|---|
| 0000 | 0 | 1000 | 8 |
| 0001 | 1 | 1001 | 9 |
| 0010 | 2 | 1010 | A |
| 0011 | 3 | 1011 | B |
| 0100 | 4 | 1100 | C |
| 0101 | 5 | 1101 | D |
| 0110 | 6 | 1110 | E |
| 0111 | 7 | 1111 | F |



➤ $1C_{16} = ?_{10}$



➤ $1C_{16} = 1 \times 16^1 + C \times 16^0 = 16 + 12 = 28_{10}$



Conversione da binario a decimale

$$1101,101_2 = ?_{10}$$

| | | | | | | | | |
|-----------|----------------|----------------|----------------|----------------|------------------|------------------|------------------|--------|
| | 1 | 1 | 0 | 1, | 1 | 0 | 1 | |
| Posizione | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -2 | -3 | |
| Peso | $2^3=8$ | $2^2=4$ | $2^1=2$ | $2^0=1$ | $2^{-1}=1/2$ | $2^{-2}=1/4$ | $2^{-3}=1/8$ | |
| | $1 \times 8 +$ | $1 \times 4 +$ | $0 \times 2 +$ | $1 \times 1 +$ | $1 \times 1/2 +$ | $0 \times 1/4 +$ | $1 \times 1/8 =$ | 13,625 |

$$1101,101_2 = 13,625_{10}$$



Conversione da decimale a binario

$$12,75_{10} = ?_2$$

- Per la parte intera, metodo delle “divisioni successive”
- Per la parte frazionaria, metodo delle “moltiplicazioni successive”:

$$0,75 \times 2 = \mathbf{1,5}$$



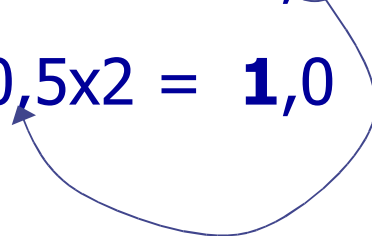
Conversione da decimale a binario

$$12,75_{10} = ?_2$$

- Per la parte intera, metodo delle “divisioni successive”
- Per la parte frazionaria, metodo delle “moltiplicazioni successive”:

$$0,75 \times 2 = \mathbf{1,5}$$

$$0,5 \times 2 = \mathbf{1,0}$$





Conversione da decimale a binario

$$12,75_{10} = ?_2$$

- Per la parte intera, metodo delle “divisioni successive”
- Per la parte frazionaria, metodo delle “moltiplicazioni successive”:

$$0,75 \times 2 = \mathbf{1,5}$$

$$0,5 \times 2 = \mathbf{1,0} \longrightarrow \text{STOP}$$

$$12,75_{10} = 1100,11_2$$



Conversione da decimale a binario

- Per la parte intera, metodo delle "divisioni successive"
- Per la parte frazionaria, metodo delle "moltiplicazioni successive"
- N.B.: non sempre, da un numero di cifre finito (in base 10) si arriva ad un numero di cifre finito (in base 2)

$$\text{Es.: } (11,62)_{10} = (1101,10100110011\dots)_2$$



Sistema di numerazione binario

- All'interno di un elaboratore le informazioni sono rappresentate usando il sistema di numerazione binario
- Sistema di numerazione posizionale
 - Il valore di una cifra non dipende solo dalla cifra ma anche dalla posizione che occupa nella sequenza che rappresenta il numero
- Sistema di numerazione decimale
 - Sistema di numerazione *posizionale* in base 10
 - Utilizza soltanto le dieci cifre decimali (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)
 - $123_{10} = 1 \times 100 + 2 \times 10 + 3 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$
- Sistema di numerazione binario
 - Sistema di numerazione *posizionale* in base 2
 - Utilizza soltanto le prime due cifre decimali (0 ed 1)
 - $1101_2 = 1 \times 8 + 1 \times 4 + 0 \times 2 + 1 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
 - Le due cifre binarie, 0 e 1, sono chiamate **bit**, da **binary digit**



Bit, byte e multipli

- Un **bit** è l'unità di informazione, e rappresenta **uno** di due valori possibili, 0 e 1.
 - **La scelta tra due alternative è la minima quantità di informazione possibile (Shannon)**
 - Il valore massimo che può essere rappresentato con 1 bit è 1.
- Con due bit, si possono rappresentare tutte le combinazioni di 0 e 1, 00, 01, 10, 11, ovvero 2^2 possibili valori distinti (0,1,2,3).
 - Il valore massimo che può essere rappresentato con 2 bit è 3.
- Con quattro bit, si possono rappresentare tutte le combinazioni di 0 e 1, 0000, 0001, ..., 1110, 1111, ovvero 2^4 possibili valori distinti (0,1,2,...,14, 15).
 - Il valore massimo che può essere rappresentato con 4 bit è 15.
- In generale, con n bit possono essere rappresentati 2^n valori distinti, da 0 a $2^n - 1$



Bit, byte e multipli

- Un **byte** (B) è costituito da 8 bit
 - 1 byte può rappresentare $2^8 = 256$ valori distinti
 - Il massimo numero rappresentabile con 1 byte è $2^8 - 1 = 256 - 1 = 255$
- Multipli del bit o del byte sono indicati con i prefissi
 - K – kilo, $2^{10} = 1.024$
 - M – mega, $2^{20} = 1.048.576$
 - G – giga, $2^{30} = 1.073.741.824$
 - T – tera, $2^{40} = 1.099.511.627.776$
- Se un modem lavora alla velocità di 28.8 Kbit/s, significa che trasmette:
 $28.8 \times 2^{10} \text{ bit/s} = 29491,20 \text{ bit/s}$
ovvero, essendo 1 bit = 1/8 byte:
 $28,8 \times 2^{10} \times (1/8) \text{ byte/s} = 3686,40 \text{ byte/s}$
- **Un disco fisso da 10 GB quanti bit può contenere?**



Bit, byte e multipli

- Un **byte** (B) è costituito da 8 bit
 - 1 byte può rappresentare $2^8 = 256$ valori distinti
 - Il massimo numero rappresentabile con 1 byte è $2^8 - 1 = 256 - 1 = 255$
- Multipli del bit o del byte sono indicati con i prefissi
 - K – kilo, $2^{10} = 1.024$
 - M – mega, $2^{20} = 1.048.576$
 - G – giga, $2^{30} = 1.073.741.824$
 - T – tera, $2^{40} = 1.099.511.627.776$

- Se un modem lavora alla velocità di 28.8 Kbit/s, significa che trasmette:

$$28.8 \times 2^{10} \text{ bit/s} = 29491,20 \text{ bit/s}$$

ovvero, essendo 1 bit = 1/8 byte:

$$28,8 \times 2^{10} \times (1/8) \text{ byte/s} = 3686,40 \text{ byte/s}$$

- **Un disco fisso da 10 GB quanti bit può contenere?**

$$10 \times 2^{30} \text{ Byte} = 10 \times 2^{30} \times 8 \text{ bit} \\ = 85.899.345.920 \text{ bit}$$



Rappresentazione delle informazioni

- Notazioni convenzionali per la rappresentazione di informazioni allo scopo di renderne possibile lo scambio tra esseri umani
- Rappresentazione dei dati di tipo numerico
 - 10 cifre decimali: 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9
- Rappresentazione dei dati di tipo testuale
 - 26 caratteri dell'alfabeto maiuscolo, minuscolo, segni di interpunzione e simboli speciali (£, \$, %, &, @, #, etc.)
- Notazione segno/grandezza per i numeri relativi
 - +47, -53
- Notazione decimale per i numeri reali
 - $n = i + f$
 - 12,34 dove 12 è la parte intera **i** e 0,34 è la parte frazionaria **f**



Rappresentazione dei numeri interi con segno

➤ Modulo e segno:

- Usiamo 1 bit per il segno (+ o -) ed n bit (per es. 7) per il modulo

Es. -124 → |1|1111100| cioè *11111100*

+071 → |0|1000111| cioè *01000111*



Rappresentazione dei numeri interi con segno

➤ Modulo e segno:

- Usiamo 1 bit per il segno (+ o -) ed n bit (per es. 7) per il modulo

Es. $-124 \rightarrow |1|1111100|$ cioè 11111100

$+071 \rightarrow |0|1000111|$ cioè 01000111

Con 8 bit otteniamo

$-127 \rightarrow 11111111$

.

.

.

$+127 \rightarrow 01111111$



Rappresentazione dei numeri interi con segno

➤ Modulo e segno:

- Usiamo 1 bit per il segno (+ o -) ed n bit (per es. 7) per il modulo

Es. $-124 \rightarrow |1|1111100|$ cioè 11111100

$+071 \rightarrow |0|1000111|$ cioè 01000111

Con 8 bit otteniamo

$-127 \rightarrow 11111111$

.

- $0 \rightarrow 10000000$

+ $0 \rightarrow 00000000$

.

$+127 \rightarrow 01111111$

PROBLEMA !



Rappresentazione dei numeri interi con segno

- Soluzione: complemento alla base (complemento a 2)
 - **Se il numero è negativo** scriviamo il corrispondente positivo da n bit (per es. 7) in un campo di $n+1$ bit (nel nostro caso 8)
 - invertiamo i bit 1 e 0
 - sommiamo 1 al risultato

Es. -96:

96

→ 01100000



Rappresentazione dei numeri interi con segno

- Soluzione: complemento alla base (complemento a 2)
 - **Se il numero è negativo** scriviamo il corrispondente positivo da n bit (per es. 7) in un campo di $n+1$ bit (nel nostro caso 8)
 - invertiamo i bit 1 e 0
 - sommiamo 1 al risultato

Es. -96:

96 \rightarrow *01100000*

invertiamo \rightarrow *10011111*



Rappresentazione dei numeri interi con segno

- Soluzione: complemento alla base (complemento a 2)
 - **Se il numero è negativo** scriviamo il corrispondente positivo da n bit (per es. 7) in un campo di $n+1$ bit (nel nostro caso 8)
 - invertiamo i bit 1 e 0
 - sommiamo 1 al risultato

Es. -96:

96 → *01100000*

invertiamo → *10011111+*

sommiamo 1 → *00000001=*



Rappresentazione dei numeri interi con segno

- Soluzione: complemento alla base (complemento a 2)
 - **Se il numero è negativo** scriviamo il corrispondente positivo da n bit (per es. 7) in un campo di $n+1$ bit (nel nostro caso 8)
 - invertiamo i bit 1 e 0
 - sommiamo 1 al risultato

Es. -96:

96 → *01100000*

invertiamo → *10011111+*

sommiamo 1 → *00000001=*

-96 → *10100000*



Rappresentazione dei numeri interi con segno

- Soluzione: complemento alla base (complemento a 2)
 - **Se il numero è negativo** scriviamo il corrispondente positivo da n bit (per es. 7) in un campo di $n+1$ bit (nel nostro caso 8)
 - invertiamo i bit 1 e 0
 - sommiamo 1 al risultato

Con 8 bit otteniamo:

$-128 \rightarrow 10000000$

$-127 \rightarrow 10000001$

...

$- 1 \rightarrow 11111111$

$0 \rightarrow 00000000$

$+ 1 \rightarrow 00000001$

...

$+127 \rightarrow 01111111$



Rappresentazione dei numeri reali

- Come rappresentare un numero del tipo 12,34?
- Occorre utilizzare la cosiddetta *notazione scientifica*, in base alla quale, un qualsivoglia numero reale N può sempre essere espresso come:

$$N = \pm M \times B^{\pm E}$$

Dove M è la mantissa (che deve essere maggiore o uguale di 0,1 e minore di 1 $\Rightarrow 0,1 \leq M < 1$) ed E è l'esponente.

- Se $B=10$: $12,34 = 12,34 \times 10^0 = 1,234 \times 10^1 = 0,1234 \times 10^2$
- Nel caso di numeri binari, la base deve ovviamente essere 2



Rappresentazione dei numeri reali

➤ Sia dato come esempio il numero 5.75_{10}

- $5_{10} = 101_2$ ($5 / 4 = 1$, $(5 - 4) / 2 = 0$, $1 / 1 = 1$)
- $0.75_{10} = 0.5 + 0.25 = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} = 1 * 2^{-1} + 1 * 2^{-2} = 0.11_2$

$$\begin{aligned} 5.75_{10} &= 101.11_2 = 10.111 * 2^1 = 1.0111 * 2^2 = \\ &= \mathbf{0.10111 * 2^3} \end{aligned}$$



Rappresentazione dei numeri reali

- Usando 16 bit, per esempio, si può indicare:
 - Il segno della mantissa (1 se -, 0 se +) nel bit 15
 - La mantissa nei 9 bit seguenti
 - Il segno dell'esponente (1 se -, 0 se +) nel bit 5
 - L'esponente negli ultimi 5 bit

