

## Economia Politica 10 Luglio 2017 (G. De Luca, S. Modica)

### Micro (Effetto reddito)

Un consumatore ha funzione di utilità  $u(x, y) = x + \sqrt{y}$  e reddito  $m = 117$ . Assumi che il prezzo di  $y$  sia 1 e considera una variazione del prezzo  $p$  di  $x$  da 18 a 20. Con il metodo di Slutsky calcola l'effetto reddito di questa variazione in percentuale sulla variazione del consumo del bene. (R.  $\approx 17.39\%$ )

**Soluzione.** Il vincolo di bilancio è  $px + y = m$  ed  $u_x/u_y = 2\sqrt{y}$ . Risolvendo il sistema  $2\sqrt{y} = p, px + y = m$  otteniamo il paniere ottimo  $x(p, m) = m/p - p/4$ . Quindi inizialmente  $x(18, 117) = 2$ , e dopo l'aumento  $x(20, 117) = 17/20 = 0.85$  quindi il consumo di  $x$  si riduce di  $23/20 = 1.15$ . Con il metodo di Slutsky  $\Delta m = 4$  e troviamo  $x(p + \Delta x, m + \Delta m) = x(20, 121) = 21/20 = 1.05$  quindi l'effetto reddito è una riduzione di  $x(20, 121) - x(20, 117) = 4/20$ ; in termini relativi abbiamo  $(4/20)/(23/20) = 4/23 \approx 17.39\%$ .

### Micro (Monopolio)

Considera un'impresa monopolista con costo di produzione  $c(q) = 6 + q^2$  e prezzo di domanda  $D(q) = 40 - q$ . (a) Calcola il ricarico sul costo marginale  $\mu = p/c' - 1$  (quant'è in percentuale?) e l'elasticità della domanda  $\eta$  in equilibrio. (b) Calcola la perdita di surplus totale in percentuale rispetto al surplus massimo (R. 6.25%).

**Soluzione.** (a) L'equilibrio è dato da  $MC = MR$  che in questo caso è  $2q = 40 - 2q$  da cui  $q^{mon} = 10, p^{mon} = 30$ . Quindi  $\mu = 30/20 - 1 = 0.5 = 50\%$ ; invertendo il prezzo di domanda otteniamo  $q^D(p) = 40 - q$  da cui l'elasticità in equilibrio è  $\eta = -\frac{dq^D}{dp} \frac{p}{q} = 3$ . (b) L'allocazione di massimo surplus totale è data da  $D(q) = c'(q)$  cioè  $q^{eff} = 40/3, p^{eff} = 80/3$  e il surplus risultante, area del triangolo fra domanda e costo marginale, è dunque  $S^{max} = 800/3$ ; la perdita secca è il triangolo fra le due curve alla destra di  $q^{mon}$ ;  $D(q^{mon}) - c'(q^{mon}) = (40 - 10) - 2 \cdot 10 = 10$  da cui ricaviamo la perdita secca  $PS = 10 \cdot 5/3 = 50/3$ ; la frazione cercata è  $PS/S^{max} = 5/80 = 6.25\%$ .

### Macro (PIL)

Considera un sistema economico che produce solo tre beni: pane, computer e automobili. Prezzi e quantità prodotti nel 2000 e nel 2001 sono riportati nella seguente tabella (prezzi in Euro, per il pane le unità sono quintali, per computer e auto unità):

	pane		comp.		auto	
	$q$	$p$	$q$	$p$	$q$	$p$
2000	1000	100	100	1020	30	10500
2001	990	105	106	970	31	10800

Con base anno 2000 calcola la crescita del PIL reale e l'inflazione calcolata con l'indice dei prezzi al consumo (Laspeyres), entrambi in termini percentuali, nel periodo in questione.

**Soluzione.** Il PIL reale nel 2001 è  $\sum_i q_i^{2001} p_i^{2000} = 990 \cdot 100 + 106 \cdot 1020 + 31 \cdot 10500 = 532.620$ , quello del 2000 è  $\sum_i q_i^{2000} p_i^{2000} = 1000 \cdot 100 + 100 \cdot 1020 + 30 \cdot 10500 = 517.000$ ; quindi il tasso di crescita è  $532.620/517.000 - 1 \approx 3.02\%$ . L'indice di Laspeyres nel 2001 è  $\sum_i p_i^{2001} q_i^{2000} / \sum_i p_i^{2000} q_i^{2000} = (105 \cdot 1000 + 970 \cdot 100 + 10800 \cdot 30) / 517.000 \approx 1.0174$  quindi l'inflazione è circa 1.74%.

## Macro (*IS-LM*)

Considera un'economia specificata da:  $C(Y - T) = 100 + 0.75(Y - T)$ ,  $I = 100$ ,  $G = T = 150$ ,  $X = 200 - 0.10Y$  (dove  $X$  sono le esportazioni nette). (a) Calcola il reddito di equilibrio (si può fare anche se non è specificata la domanda di liquidità?); assumi che il governo riduca  $T$  affinché  $Y$  aumenti di 100; a quanto ammonterà il deficit pubblico  $G - T$  dopo la manovra? (b) Assumi che  $T = tY$ , trova  $t$  tale che il reddito di equilibrio sia lo stesso che al punto (a), la riduzione di  $t$  necessaria a far salire il reddito di 100 e il relativo impatto sul deficit pubblico (*Risposta all'ultimo quesito: 140/3*).

**Soluzione.** La *IS* qui è verticale perché gli investimenti sono indipendenti dal reddito quindi determina il reddito, che è dato dalla soluzione di  $Y = C + I + G + X$  che dà  $Y = 437.5/0.35 = 1250$ . Il governo vuole raggiungere  $Y = 1250 + 100 = 1350$ . Osserva che  $0.35Y = 550 - 0.75T$  quindi ponendo  $Y = 1350$  otteniamo  $T = (550 - 0.35 * 1350) * 4/3 = 310/3 \approx 103.33$ ; quindi  $G - T$  salirà dal valore iniziale di zero a  $150 - 310/3 = 140/3$ . (b) Dall'equazione  $0.35Y = 550 - 0.75T$  vediamo che  $Y$  è determinato dal totale  $T = tY$ . La vecchia aliquota è  $t = 150/1250 = 0.12$ , quella nuova è  $t = 310/(3 * 1350) \approx 0.0765$ ; l'impatto sul deficit deve essere uguale (come puoi verificare) perché  $T$  è determinato da  $Y$ .